

ACTIVITÉS NUMÉRIQUES

Exercice 1 :

1 15

2 $25x^2 - 30x + 9$

3 29 €

4 1

Exercice 2 :

1°) $A(2,8 ; -1,6)$.

2°) Les abscisses des points d'intersection de C_3 avec l'axe des abscisses sont **-1 ; 2 et 4**.

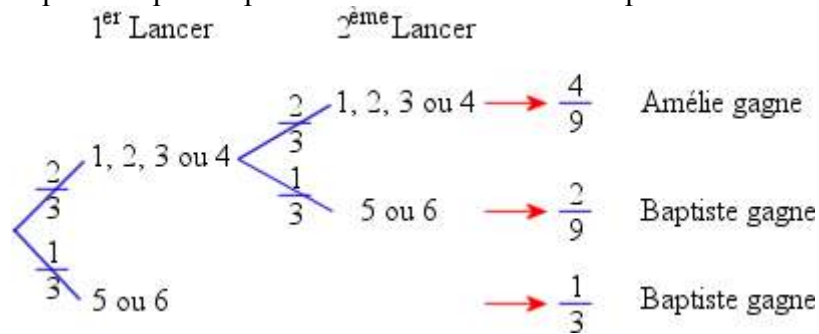
3°) a) C_1 est la représentation d'une fonction linéaire car c'est une droite qui passe par l'origine.

b) Par cette fonction linéaire, **3** est l'antécédent de 1.

Exercice 3 :

1°) Baptiste a deux chances sur six de gagner, la probabilité est donc $\frac{2}{6}$ soit $\frac{1}{3}$.

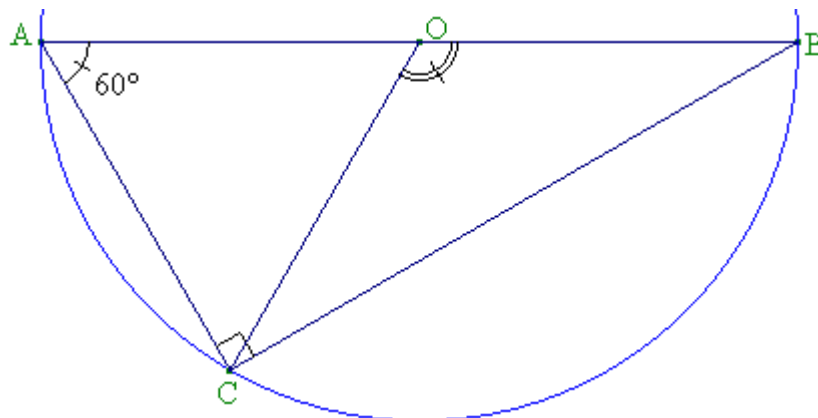
2°) On dessine un arbre pondéré pour représenter la situation à deux épreuves :



Amélie a 4 chances sur 9 de gagner et Baptiste a 5 chances sur 9 de gagner.

ACTIVITÉS GÉOMÉTRIQUES

Exercice 1 :



2°) ABC est rectangle en C, on peut utiliser le théorème de Pythagore :

$$AB^2 = AC^2 + BC^2$$

$$10^2 = 5^2 + BC^2$$

$$BC^2 = 100 - 25$$

$$BC = \sqrt{75} \approx 8,7$$

3°) Le centre O du cercle circonscrit au triangle ABC est **au milieu de l'hypoténuse** [AB] car le triangle est rectangle en C.

4°) \widehat{BOC} est l'angle au centre qui intercepte l'arc BC, \widehat{BAC} est un angle inscrit qui intercepte cet arc donc, grâce au théorème de l'angle inscrit, \widehat{BOC} mesure le double de \widehat{BAC} soit **120°**.

Exercice 2 :

1°) $\pi \times 20 \times 20 \times 500 = 200\,000\pi \approx 628\,319$. Le volume du tronc d'arbre est d'environ **628 319 cm³**.

2°) a) AOB est rectangle isocèle (ABCD est un carré) donc son aire vaut $20 \times 20 \div 2 = 200$ cm².

b) L'aire du carré ABCD vaut quatre fois celle de AOB donc **800 cm²**.

c) Le volume de la poutre vaut $800 \times 500 = 400\,000$ cm³.

3°) On a utilisé $400\,000\text{ cm}^3$ de bois sur un total de $628\,319\text{ cm}^3$.

Le pourcentage de bois utilisé est donc $\frac{400000}{628319} \times 100 \approx 64\%$.

Exercice 3 :

(IS) et (IT) sont sécantes, J est un point de (IS), K est un point de (IT) et les droites (JK) et (ST) sont parallèles : on utilise le théorème de Thalès : $\frac{IJ}{IS} = \frac{IK}{IT} = \frac{JK}{ST}$ alors $\frac{4}{5} = \frac{2}{ST}$ donc **ST = 2,5 cm**.

RST est rectangle en R, on peut utiliser le théorème de Pythagore :

$$ST^2 = RS^2 + RT^2 \quad 2,5^2 = 2,4^2 + RT^2 \quad RT^2 = 6,25 - 5,76 \quad RT = \sqrt{0,49} \text{ cm} = \mathbf{0,7 \text{ cm}}$$

PROBLÈME

Partie A

1°) On fait un tableau ou on utilise la formule temps = distance ÷ vitesse :

Distance (en km)	40	9
Temps (en min)	60	

Alex met **13,5 min** pour parcourir une distance de 9 km. ($9 \div 40$ puis $\times 60$ pour obtenir des minutes)

2°) On fait un tableau ou on utilise la formule vitesse = distance ÷ temps :

Distance (en km)		9
Temps (en min)	60	12

La vitesse moyenne de Jérôme est de **45 km/h**.

3°) Jérôme arrive avec **une minute et demie** d'avance, pour 5 km/h de plus c'est peu de temps gagné.

Partie B

1°) $f(10) = 0,08 \times 10^2 = 0,08 \times 100 = 8$. Sa distance de freinage est de 8 m.

2°) 54 km/h c'est 54000 mètres en une heure donc 150 mètres en une seconde.

$f(15) = 18$. Sa distance de freinage est de **18 m**.

3°)

v (en m/s)	0	2,5	5	7,5	10	12,5	15
f(v) (en m)	0	0,5	2	4,5	8	12,5	18

4°) La distance de freinage **n'est pas proportionnelle** à la vitesse du véhicule car en roulant deux fois plus vite (de 5 km/h à 10 km/h) la distance de freinage n'est pas deux fois plus grande (de 2 m à 8 m).

5°) On peut procéder par tâtonnement ou en résolvant l'équation $0,08x^2 = 25$. On trouve environ **18 km/h**.

Partie C

1°) Il n'y a **pas proportionnalité** entre la distance d'arrêt et la vitesse car la représentation graphique **n'est pas une droite passant par l'origine**.

2°) D'après le graphique la vitesse est de **33 m/s donc 118,8 km/h**.

$$33 \text{ m} = 0,033 \text{ km} \quad 1 \text{ h} = 3600 \text{ s} \quad 0,033 \times 3600 = 118,8$$

3°) La distance d'arrêt d'un véhicule roulant à 17 m/s est de **40 mètres**.

4°) Si la distance d'arrêt d'un véhicule est comprise entre 30 m et 80 m alors c'est que sa vitesse est comprise entre **14 km/h et 26 km/h**.